

## લિબર્ટી પેપરસેટ

ધોરણ 12 : ભૌતિક વિજ્ઞાન

**Full Solution**

સમય : 3 કલાક

અસાઈનમેન્ટ પ્રશ્નપત્ર 2

Part A

1. (B) 2. (C) 3. (A) 4. (D) 5. (B) 6. (B) 7. (D) 8. (A) 9. (C) 10. (B) 11. (D) 12. (C) 13. (A)
14. (B) 15. (D) 16. (C) 17. (A) 18. (D) 19. (B) 20. (C) 21. (A) 22. (D) 23. (B) 24. (C) 25. (B) 26. (D)
27. (C) 28. (C) 29. (D) 30. (A) 31. (A) 32. (C) 33. (B) 34. (D) 35. (C) 36. (A) 37. (B) 38. (A)
39. (C) 40. (D) 41. (B) 42. (A) 43. (C) 44. (D) 45. (B) 46. (C) 47. (A) 48. (C) 49. (A) 50. (D)

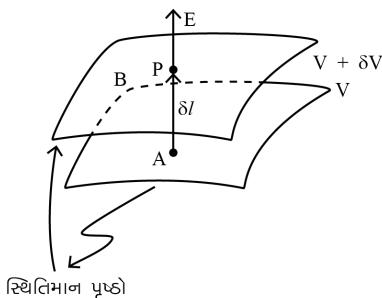


➤ નીચે આપેલા પ્રશ્નોના માગ્યા મુજબ ઉત્તર આપો : (દરેક પ્રશ્નના રૂપું)

1.

- (i) વિદ્યુતક્ષેપ રેખા કાલ્યનિક છે તે એવી રીતે દોરવામાં આવે છે કે, જેથી તેના કોઈ પણ બિંદુ પાસે દોરવામાં આવતો સ્પર્શક તે બિંદુ પાસે વિદ્યુતક્ષેપની દિશા દરશાવે છે.
- (ii) વિદ્યુતક્ષેપ રેખાઓ ઘન વિદ્યુતભારમાંથી બહાર નીકળી નજીકના અધ્યા વિદ્યુતભારમાં દાખલ થાય છે.
- (iii) વિદ્યુતભાર વગરના વિસ્તારમાં વિદ્યુતક્ષેપ રેખાઓ વચ્ચે તૂટ્યા વગરના સતત વક્તો તરીકે લઈ શકાય છે.
- (iv) સ્થિત વિદ્યુતક્ષેપમાં વિદ્યુતક્ષેપ રેખાઓ કદાપી બંધગાળો રચતી નથી.
- (v) બે વિદ્યુતક્ષેપ રેખાઓ કદાપી એકબીજાને છેદતી નથી.
- (vi) વિદ્યુત ક્ષેત્રચેખાઓનું ચોગય રીતે કરવામાં આવતું વિતરણ તે વિસ્તારમાં વિદ્યુતક્ષેપની તીવ્રતાનો ખ્યાલ આપે છે.
- (vii) સમાન વિદ્યુતક્ષેપ દર્શાવતી ક્ષેત્રચેખાઓ એકબીજાને સમાંતર અને એકબીજાથી સમાન અંતરે આવેલ હોય છે.

2.



- આકૃતિમાં દર્શાવ્યા મુજબ, A અને B બે સમસ્થિતિમાન સપાઠીઓ એકબીજાની ખૂલ જ નજીક આવેલ છે. તેમના પરના વિદ્યુત સ્થિતિમાનના મૂલ્ય અનુક્રમે V અને V + δV છે. અહીં, δV એ વિદ્યુતક્ષેપ  $\vec{E}$  ની દિશામાંનો વિદ્યુત સ્થિતિમાનનો ફેરફાર છે.
- સપાઠી B પર કોઈ બિંદુ P આવેલ છે. સપાઠી A વી બિંદુ P સુધીનું લંબાંતર ડિફરેન્ચ છે.
- એકમ ઘન વિદ્યુતભારને સપાઠી B પરથી સપાઠી A સુધી લંબરેખા પર, વિદ્યુતક્ષેપની વિઝુલફ્રમાં લઈ જવા કરેલું કાર્ય  $|\vec{E}| \delta l$  જેટલું છે.
- આ કાર્ય A અને B વચ્ચેના વિદ્યુત સ્થિતિમાનના વિભાગીત  $V_A - V_B$  જેટલું છે.

$$\therefore |\vec{E}| \delta l = V_A - V_B$$

$$\therefore |\vec{E}| \cdot \delta l = V - (V + \delta V)$$

$$= -\delta V$$

$$\therefore |\vec{E}| = -\frac{\delta V}{\delta l}$$

- અહીં, δV અણ હોવાથી δV ના બદલે -δV મૂકૃતાં,

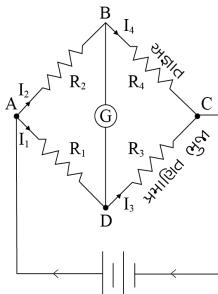
$$|\vec{E}| = \frac{\delta V}{\delta l} \text{ મળે.}$$

- (i) જે દિશામાં (અંતર સાથે) સ્થિતિમાનનો ઘટાડો સૌથી વધારે જડપી થતો હોય તે દિશામાં વિદ્યુતક્ષેપ આવેલ હોય છે.
- (ii) કોઈ બિંદુએ આ વિદ્યુતક્ષેપનું માન સમસ્થિતિમાન પૂર્ણાં લંબ દિશામાં એકમ સ્થાનાંતરદીઠ સ્થિતિમાનના ફેરફારના માન જેટલું હોય છે.

3.

- આકૃતિમાં દર્શાવેલા પરિપથને વ્હીટટન ખ્રિજ કરે છે. તેમાં ચાર અવરોધ  $R_1, R_2, R_3$  અને  $R_4$  નો ઉપયોગ કરવામાં આવે છે. તેમાંથી અણ અવરોધ જ્ઞાત (જાણીતા મૂલ્ય ધરાવતાં) અને એક અવરોધ અજ્ઞાત (જેનું મૂલ્ય જાણતા નથી) હોય છે.

- અજ્ઞાત અવરોધનું મૂલ્ય શોધવા માટે વીટસ્ટન બ્રિજ પરિપथનો ઉપયોગ કરવામાં આવે છે.
- આકૃતિમાં દર્શાવ્યા મુજબ વિકર્ણના સામ-સામે આવેલાં બે બિંદુઓ (આકૃતિમાં A અને C)ની જોડ વર્ષે ઉદ્ગામ જોડવામાં આવે છે, તેથી AC ને બેટરી ભૂજા (Battery arm) કહે છે.
- બીજાં બે શિરોબિંદુ B અને D વર્ષે ગેલ્વેનોમીટર-G જોડવામાં આવે છે, તેને ગેલ્વેનોમીટર ભૂજા કહે છે.



- A અને C બિંદુ વર્ષે બેટરી જોડતાં અવરોધ  $R_1, R_2, R_3$  અને  $R_4$  માંથી વહેતાં વિદ્યુતપ્રવાહો અનુક્રમે  $I_1, I_2, I_3$  અને  $I_4$  મળે છે.
- અહીં, પ્રાણ ઝાત અવરોધના મૂલ્ય એવી રીતે પરંદ કરવામાં આવે છે કે, જેથી ગેલ્વેનોમીટરમાંથી પસાર થતો વિદ્યુત પ્રવાહ શૂન્ય થાય. ( $I_g = 0$ )

→ જ્યારે ગેલ્વેનોમીટરમાંથી વહેતો વિદ્યુતપ્રવાહ શૂન્ય થાય ત્યારે બ્રિજ સંતુલિત અવસ્થામાં છે તેમ કહેવાય.

→ બ્રિજની સમતોલન અવસ્થા માટે આકૃતિ પરથી  $I_1 = I_3$  અને  $I_2 = I_4$  મળે.

→ બંધગાળા A – D – B – A પર કિર્ચોફનો લૂપનો નિયમ લાગુ પાડતાં,

$$-I_1R_1 + 0 + I_2R_2 = 0$$

$$\therefore I_1R_1 = I_2R_2 \dots\dots (1)$$

→ બંધગાળા C – B – D – C પર કિર્ચોફનો લૂપનો નિયમ લાગુ પાડતાં,

$$I_4R_4 + 0 - I_3R_3 = 0$$

$$\therefore I_3R_3 = I_4R_4 \dots\dots (2)$$

→ સમીકરણ (1) અને (2) નો ગુણોત્તર લેતાં,

$$\frac{I_1R_1}{I_3R_3} = \frac{I_2R_2}{I_4R_4}$$

$$\text{પરંતુ } I_1 = I_3 \text{ અને } I_2 = I_4$$

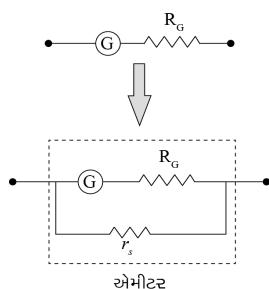
$$\therefore \frac{R_1}{R_3} = \frac{R_2}{R_4} \text{ અથવા } \frac{R_1}{R_2} = \frac{R_3}{R_4}$$

→ જે વીટસ્ટન બ્રિજ પરિપથ સમતોલનમાં હોવા માટેની શરત છે.

→ જે પ્રાણ અવરોધ  $R_1, R_2$  અને  $R_3$ ના મૂલ્યો ઝાત હોય તો  $R_4$ નું મૂલ્ય  $R_4 = R_3 \cdot \frac{R_2}{R_1}$  નાં સૂત્ર પરથી મેળવી શકાય છે.

4.

→ ગેલ્વેનોમીટરનો સીઈસીઓ ઉપયોગ એમીટર તરીકે કરી શકાતો નથી તેના માટેનાં બે કારણો છે :



- (i) ગેલ્વેનોમીટર ખૂબ જ સંવેદનશીલ સાધન છે.  $\propto A$  ના ક્રમના વિદ્યુતપ્રવાહ માટે પણ તે પૂર્ણ સ્કેલ આવર્તન દર્શાવે છે.
- (ii) વિદ્યુતપ્રવાહ માપવા માટે, ગેલ્વેનોમીટરને શ્રેણીમાં જોડતું પડે છે, પરંતુ તેનો અવરોધ વધુ હોય છે, જેથી તે પરિપથમાં વહેંતાં વિદ્યુતપ્રવાહનું મૂલ્ય બદલ્ય નાખે છે.

- આ મુશ્કેલીઓના નિવારણ માટે ગેલ્વેનોમીટર સાથે સમાંતરમાં એક લઘુ અવરોધ જોડવામાં આવે છે, જેને શંટ કહે છે.
- શંટને ગેલ્વેનોમીટર સાથે સમાંતરમાં જોડવામાં આવતો હોવાથી મોટા ભાગનો વિદ્યુતપ્રવાહ આ શંટમાંથી પસાર થઈ જાય છે.

$$\text{ગેલ્વેનોમીટર અને શંટનો સંયુક્ત અવરોધ} = \frac{R_G r_S}{R_G + r_S}$$

પરંતુ  $R_G \gg r_S$  હોવાથી  $r_S$  નું મૂલ્ય  $R_G$  ની સરખામણીમાં અવગાણી શકાય છે.

$$\therefore \text{સંયુક્ત અવરોધ} = \frac{R_G r_S}{R_G}$$

$$= r_S$$

- $r_S$  નું મૂલ્ય ધર્યું જ નાનું હોવાથી મૂળ પ્રવાહ બદલાતો નથી અને સાચા પ્રવાહનું માપન કરી શકાય છે.

5.

- $m = 0.48 \text{ J/T}$

$$r = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m} = 10^{-1} \text{ m}$$

(a) ચુંબકની અક્ષ પર  $r$  અંતરે ચુંબકીયક્ષેત્ર

$$B_1 = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{2m}{r^3}$$

$$B_1 = \frac{10^{-7} \times 2 \times 0.48}{10^{-3}}$$

$$B_1 = 0.96 \cdot 10^{-4} \text{ T}$$

આ ચુંબકીયક્ષેત્રની દિશા ચુંબકની મેગનેટિક મોમેન્ટની દિશામાં એટલે કે S થી N તરફ હશે.

(b) ચુંબકની વિષુવદ્ધે પર  $r$  અંતરે ચુંબકીયક્ષેત્ર

$$B_2 = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{m}{r^3}$$

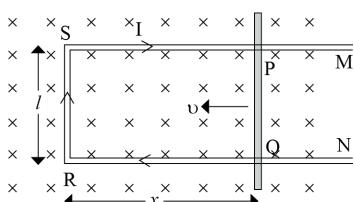
$$B_2 = \frac{10^{-7} \times 0.48}{10^{-3}}$$

$$B_2 = 0.48 \cdot 10^{-4} \text{ T}$$

આ ચુંબકીયક્ષેત્રની દિશા ચુંબકની મેગનેટિક મોમેન્ટની વિરુદ્ધ દિશામાં એટલે કે N થી S તરફ હશે.

6.

→ “કોઈ ગતિને કારણે પ્રેરિત વિદ્યુત ચાલક બળ ઉદ્ભબે તો તેને ગતિકીય  $emf$  કહે છે.”



- આકૃતિમાં દર્શાવ્યા મુજબ સમયથી સ્વતંત્ર એવા નિયમિત ચુંબકીયક્ષેત્ર  $\vec{B}$  માં લંબરૂપે લંબચોરસ વાહક PQRS મૂકેલ છે. ( $\theta = 0$ , જ્યાં  $\theta$  એ  $\vec{B}$  અને  $\vec{A}$  વાયનો ખૂબો છે.) અહીંની વાહક સરળિયો PQ ધર્ષણરહિત ગતિ કરતા માટે મુક્ત છે, જેની અસરકારક લંબાઈ / છે.
- વાહક PQ ને આકૃતિ મુજબની દિશામાં  $\vec{v}$  જેટલા અયાળ વેગાથી ગતિ કરતાવતાં બંધ પરિપથ PQRS વડે ધેરાતું ક્ષેમફલ સમય સાથે બદલાય છે.

→ દારો કે, કોઈ એક ક્ષાળો,

$$RQ = x \text{ તથા } RS = l \text{ છોય, તો}$$

વંધ લૂપ PQRS સાથે સંકળાતું ચુંબકીય ફ્લક્સ

$$\phi_B = B l x \dots (1)$$

→ અંતર  $x$  સમય સાથે બદલાય છે, પરિણામે  $\phi_B$  નાં ફેરફારણો સમયદર  $emf$  પ્રેરિત કરે છે.

$$\therefore \epsilon = - \frac{d\phi_B}{dt} = - \frac{d}{dt} (B l x) \text{ (સમી. (1) પરથી)}$$

$$\therefore \epsilon = - B l \frac{dx}{dt} \text{ પરદ્દતુ } \frac{dx}{dt} = - v$$

જ્યાં,  $v$  વાહક PQ ની ગતિ છે.

(અહીં અણા નિશાની દરશિ છે કે સમય સાથે  $x$  ના મૂલ્યમાં ઘટાડો થાય છે.)

$$\therefore \epsilon = B l v \dots (2)$$

સમી. (2) ગતિકીય  $emf$  નું સૂચ છે.

7.

$$I = C \frac{dV}{dt}$$

જ્યાં  $I$  = વિદ્યુતમવાહ (A)

$C$  = કેપેશિટન્સ (F)

$$\frac{dV}{dt} = \text{વિદ્યુત રિયાલિમાં ફેરફારણો દર} \text{ (Volts Per Second)}$$

$$C = 80 \text{ pF} = 80 \times 10^{-12} \text{ F}$$

$$I = 0.15 \text{ A}$$

હેઠે,  $\frac{dV}{dt}$  નો ગુણાંક કાઢવા માટે

$$0.15 = 80 \times 10^{-12} \times \frac{dV}{dt}$$

$$\frac{dV}{dt} = \frac{0.15}{80 \times 10^{-12}} = \frac{0.15}{80 \times 10^{-11}}$$

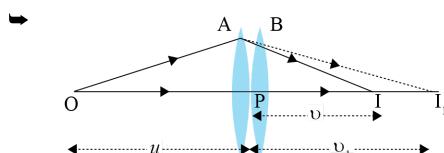
$$= 1.875 \times 10^9 \text{ V/S}$$

$$\text{રથાનાંતર મવાહ} = \epsilon_0 \cdot A \cdot \frac{dE}{dt}$$

રથાનાંતર મવાહ (Id replacement) અને  $I$  એટલે ચાર્જિંગ કરતો વિદ્યુત મવાહ

$$I_{\text{રથાનાંતર મવાહ}} = I = 0.15 \text{ A}$$

8.



→ આકૃતિમાં દરશાવ્યા મુજબ, બે બાંધગોળ લેન્સ A અને B ને એવી રીતે ગોઠવવામાં આવે છે કે જેથી તેની મુખ્ય અક્ષ એક જ બને. આ લેન્સની કેન્દ્રલંબાઈ અનુકૂમે  $f_1$  અને  $f_2$  છે. અહીં, બંને લેન્સ પાતળા હોવાથી તેમનાં ઓફિટિકલ કેન્દ્ર એકબીજા પર સંપાત થાય છે તેમ દારીશું. આ કેન્દ્ર દારો કે લિંગું P છે.

→ દારો કે, લિંગું વસ્તુ O ને પ્રથમ લેન્સ A ના મુખ્ય કેન્દ્રથી થોડું દૂર મૂકવામાં આવે છે. તેના વડે પ્રતિલિંબ  $I_1$  રથાને રચાય છે. આ પ્રતિલિંબ બીજા લેન્સ B માટે આભાસી વસ્તુ તરીકે વર્તે છે અને અંતિમ પ્રતિલિંબ I પાસે મળે છે.

→ પ્રથમ લેન્સ A વડે રચાતાં પ્રતિલિંબ માટે,

$$\frac{1}{v_1} - \frac{1}{u} = \frac{1}{f_1} \dots (1)$$

→ નીજ લેન્સ B વડે રચાતાં પ્રતિભિંબ માટે,

$$\frac{1}{v} - \frac{1}{v_1} = \frac{1}{f_2} \dots (2)$$

→ સમીકરણ (1) અને (2) નો સરવાળો કરતાં,

$$\frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} \dots (3)$$

→ ધારો કે આપેલ બે લેન્સના સંયોજન માટે સમતુલ્ય કેન્દ્રલંબાઈ  $f$  છે.

$$\therefore \frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{1}{f} \dots (4)$$

→ સમીકરણ (3) અને સમીકરણ (4) ને સરખાવતાં,

$$\therefore \frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2}$$

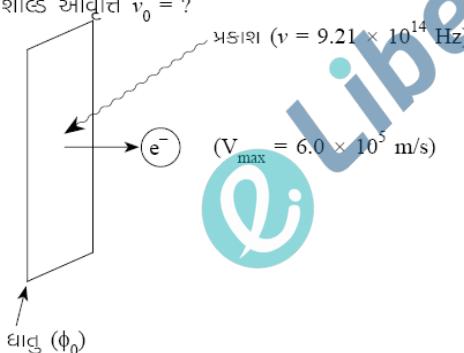
→ આ સૂત્ર ગમે તેટલી સંખ્યાના સંપર્કમાં રહેલાં લેન્સ માટે સાચું છે.  $f_1, f_2, f_3, \dots$  કેન્દ્રલંબાઈના પાતળા લેન્સ સંપર્કમાં હોય, તો તેમના સંયોજનની સમતુલ્ય અસરકારક કેન્દ્રલંબાઈ,  $\frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} + \frac{1}{f_3} + \dots$  પરથી મળે છે.

9.

→ મ્રકાશની આવૃત્તિ  $v = 9.21 \times 10^{14} \text{ Hz}$

→ ઉત્તરાર્જિતા ઇલેક્ટ્રોનની મહત્વમાં  $V_{\max} = 6.0 \times 10^5 \text{ m/s}$

→ ધાતુની શ્રેષ્ઠોક આવૃત્તિ  $v_0 = ?$



→ રાઇન્ફલ્ટાઇનના સમીકરણ પ્રમાણે,

$$K_{\max} = hv - \phi_0$$

$$\therefore \frac{1}{2}mv_{\max}^2 = hv - \phi_0 \quad (\because K_{\max} = \frac{1}{2}mv_{\max}^2)$$

$$\therefore \phi_0 = hv - \frac{1}{2}mv_{\max}^2$$

$$\therefore hv_0 = hv - \frac{1}{2}mv_{\max}^2 \quad (\because \phi_0 = hv_0)$$

$$\therefore v_0 = v - \frac{mv_{\max}^2}{2h}$$

$$\therefore v_0 = (9.21 \times 10^{14}) - \left( \frac{9.1 \times 10^{-31} \times (6.0 \times 10^5)^2}{2 \times 6.625 \times 10^{-34}} \right)$$

$$v_0 = (9.21 \times 10^{14}) - (2.472 \times 10^{14})$$

$$v_0 = 6.78 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

10.

→ ઇલેક્ટ્રોનની કુલ ઊર્જા  $E_n = -\frac{13.6}{n^2} \text{ eV}$

→ ધરા અવસ્થા માટે  $n = 1$  મુક્તા,

$$E_1 = -\frac{13.6}{1^2} = -13.6 \text{ eV}$$

→ સમીકરણમાં  $n = 4$  મુક્તાં,

$$E_4 = -\frac{13.6}{4^2} = -\frac{13.6}{16}$$

$$E_4 = -0.85 \text{ eV}$$

→ આપાત ફોટોનની ઊર્જા

$$E_4 - E_i = (-0.85) - (-13.6)$$

$$E_4 - E_i = 12.75 \text{ eV}$$

$$h\nu = 12.75 \text{ eV}$$

$$\therefore \nu = \frac{12.75 \times 1.6 \times 10^{-19}}{6.625 \times 10^{-34}}$$

$$\therefore \nu = 3.08 \times 10^{15} \text{ Hz}$$

→ આપાત વિકિરણની તરંગાંદાર્ય

$$\lambda = \frac{c}{\nu} = \frac{3 \times 10^8}{3.08 \times 10^{15}}$$

$$\therefore \lambda = 0.974 \times 10^{-7} \text{ m}$$

$$\lambda = 97.4 \text{ nm}$$

11.

- દરેક વ્યુક્લિયસ પ્રોટોન અને વ્યુટ્રોનનું બળેલું છે. આથી, એમ કહી શકાય કે, વ્યુક્લિયસનું કુલ દળ તેના પ્રોટોન અને વ્યુટ્રોનના વ્યક્તિગત દળોના કુલ દળ જેટલું જ હોય.
- પરંતુ વ્યુક્લિયસનું દળ M હંમેશાં પ્રોટોન અને વ્યુટ્રોનના વ્યક્તિગત દળોના કુલ દળ કરતાં ઓછું જ હોય છે.
- ઉદાહરણ :  ${}^8\text{O}^{16}$  જેમાં 8-પ્રોટોન, 8-વ્યુટ્રોન અને 8-ઇલેક્ટ્રોન આવેલા છે.

$$8 \text{ વ્યુટ્રોનનું દળ} = 8 \times 1.00866 \mu$$

$$8 \text{ પ્રોટોનનું દળ} = 8 \times 1.00727 \mu$$

$$8 \text{ ઇલેક્ટ્રોનનું દળ} = 8 \times 0.00055 \mu$$

→ આ માહિતી પરથી,  ${}^8\text{O}^{16}$  વ્યુક્લિયસનું દળ

$$= (8 \times 1.00866 + 8 \times 1.00727)$$

$$= 8(1.00866 + 1.00727)$$

$$= 8 \times 2.01593 \mu$$

$$= 16.12744 \mu \text{ (મળવું જોઈએ.)}$$

→ માસ-સ્પેક્ટ્રોગ્રાફીના પ્રયોગો પરથી,  ${}^8\text{O}^{16}$  નું પરમાણુ દળ 15.99493  $\mu$  મળે છે.

→ આ દળમાંથી 8 ઇલેક્ટ્રોનનું દળ ( $8 \times 0.00055 \mu = 0.0044 \mu$ ) બાદ કરતાં,  ${}^8\text{O}^{16}$  વ્યુક્લિયસના દળનું પ્રાયોગિક મૂલ્ય 15.99053  $\mu$  મળે છે.

→ આમ, વ્યુક્લિયસનું દળ એ તેના ઘટકોના કુલ દળ કરતાં ( $16.12744 - 15.99053 = 0.13691 \mu$ ) ઓછું છે. વ્યુક્લિયસના દળ અને તેના ઘટકોના કુલ દળ વાચ્યેના તફાવતને દળ ક્ષતિ ( $\Delta M$ ) કહે છે.

→ દળ ક્ષતિનું સૂચિ

$$\Delta M = [Zm_p + (A-Z)m_n] - M$$

જ્યાં,  $Z$  = પ્રોટોનની સંખ્યા

$A - Z = N - \text{ન્યુક્લોનાંક}$

$m_p$  - પ્રોટોનનું દળ

$m_n$  - ન્યુક્લોનનું દળ

M - ન્યુક્લિયસનું કુલ દળ

- આ દળ ક્ષતિને સમતુલ્ય ઊર્જા ( $E = \Delta Mc^2$ ) ને ન્યુક્લિયસની બંધનઊર્જા કહે છે.

$$\therefore \text{બંધનઊર્જા } E_b = \Delta Mc^2$$

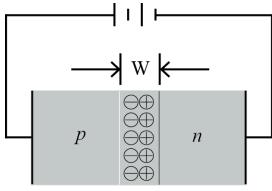
- બંધનઊર્જાને ન્યુક્લિયોનની કુલ સંખ્યા વડે ભાગતાં ન્યુક્લિયોન દીઠ બંધનઊર્જા  $E_{bn}$  મળે છે.

$$\therefore E_{bn} = \frac{E_b}{A}$$

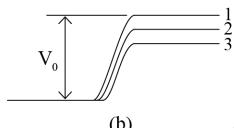
- ન્યુક્લિયોન દીઠ બંધનઊર્જા ન્યુક્લિયસની સ્થિતિનાનું માપ આવે છે. જે ન્યુક્લિયસ માટે  $E_{bn}$  નું મૂલ્ય સરખામણીમાં વધુ હોય તે ન્યુક્લિયસ વધુ સ્થાયી કહેવાય અને જે ન્યુક્લિયસ માટે  $E_{bn}$  નું મૂલ્ય સરખામણીમાં ઓછું હોય તે ન્યુક્લિયસ ઓછો સ્થાયી કહેવાય.

12.

- અર્દ્ધવાહક ડાયોડના બે છેડા વર્ચ્યુ બાબ્ધ વોલ્ટેજ V એવી રીતે આપવામાં આવે કે જેથી p - વિસ્તારને બેટરીના ધન છેડા સાથે અને n - વિસ્તારને બેટરીના અધણ છેડા સાથે બોડવામાં આવે ત્યારે તેને ફોર્વર્ડ બાયસ કર્યો કહેવાય છે.

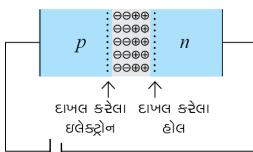


(a)



(b)

- અહીં ડાયોડને આપેલ વોલ્ટેજ ડિપ્લેશન વિસ્તારના બે છેડા વર્ચ્યુ લાગે છે. લાગુ પાડેલ વોલ્ટેજ (V) ની દિશા અને બેસિયર પોટેન્શિયલ (V<sub>0</sub>) ની દિશા વિરુદ્ધ હોય છે.
- પરિણામે ડિપ્લેશન સ્તરની પદોળાઈ ઘટે છે અને બેસિયરની ઊંચાઈ પણ ઘટે છે, જે આકૃતિ (b) માં દર્શાવેલ છે. ફોર્વર્ડ બાયસની અસર હેઠળ પરિણામી બેસિયર ઊંચાઈ (V<sub>0</sub>-V) હોય છે.
- ધારો કે શરાતાત્માં બેટરી વડે લગાડેલ વોલ્ટેજ ઓછો છે. પરિણામે આ પરિસ્થિતિમાં બેસિયર પોટેન્શિયલ સંતુલન સ્થિતિમાંથી થોડુંક જ ઘટે છે.
- પરિણામે જે વિદ્યુતવાહકો સૌથી ઉપરના ઊર્જા સ્તરમાં હોય તે પૂર્તી ઊર્જા મેળવીને જંકશનમાંથી પસાર થાય છે. આ પરિસ્થિતિમાં વિદ્યુતવાહકોની સંખ્યા ઓછી હોયાથી વિદ્યુતપ્રવાહ પણ ઓછો રૂચાય છે.
- હેઠે જો બેટરીના વોલ્ટેજ વધારવામાં આવે તો બેસિયર પોટેન્શિયલની ઊંચાઈ ઘટે છે અને વધારે પ્રમાણમાં વિદ્યુતભાર વાહકો પૂર્તી ઊર્જા મેળવે છે. જેના કારણે વિદ્યુતપ્રવાહ પણ વધે છે.
- p - n જંકશનને લગાડેલ વોલ્ટેજ (ફોર્વર્ડ બાયસ)ના કારણે n-વિસ્તારમાંના ઇલેક્ટ્રોન ડિપ્લેશન વિસ્તાર પસાર કરીને p - વિસ્તારમાં આવે છે એ જ રીતે p - વિસ્તારમાંથી હોલ જંકશન પસાર કરીને n - વિસ્તારમાં પહોંચે છે. ફોર્વર્ડ બાયસની અસર હેઠળ આ પ્રક્રિયાને માઇનોરિટી વાહક ઈન્જેક્શન કહેવાય છે.
- જંકશનની નજુક બંને બાબ્ધ, માઇનોરિટી વાહકોની સંખ્યા ધનતા વધુ હોય છે. જંકશનથી દૂર જતાં માઇનોરિટી વાહકોની સંખ્યા ઘટે છે.
- આ સંખ્યા ધનતાના તફાવતના કારણે p-તરફ દાખલ થયેલા ઇલેક્ટ્રોન p-વિસ્તારના બીજા છેડે પહોંચે છે. તે જ રીતે n-તરફ દાખલ થયેલા હોલ જંકશનની n-તરફની ધારણી n-વિસ્તારના બીજા છેડે પહોંચે છે. (જે આકૃતિમાં દર્શાવેલ છે.)



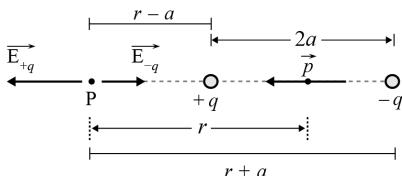
- વિદ્યુતભાર વાહકોની બંને તરફની આ ગતિના કારણે વિદ્યુતપ્રવાહ ર્થાય છે. ડાયોડનો કુલ શોરવર્ડ વિદ્યુતપ્રવાહ એ હોલ ડિફ્યુગન પ્રવાહ અને ઇલેક્ટ્રોન ડિફ્યુગન પ્રવાહના સરવાળા બેટલો હોય છે. આ પ્રવાહનું મૂલ્ય  $mA$  ના કમનું હોય છે.

### વિભાગ B

- નીચે આપેલા પ્રશ્નોના માટ્યા મુજબ ઉત્તર આપો : (દરેક પ્રશ્નના 3 ગુણ)

13.

- આકૃતિમાં દર્શાવ્યા મુજબ ધારો કે,  $P$  એ ડાયપોલની અક્ષ પર તેના કેન્દ્રથી  $r$  અંતરે આવેલ છે. આ બિંદુ  $P$  પાસે વિદ્યુતક્ષેપ મેળવતું છે.



- $+q$  વિદ્યુતભારને લીધે  $P$  બિંદુઅને વિદ્યુતક્ષેપ,

$$\vec{E}_{+q} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{(r-a)^2} \cdot \hat{p} \quad \dots (1)$$

જ્યાં,

$\hat{p}$  - વિદ્યુત ડાયપોલ મોમેન્ટની દિશામાંનો એકમ સંદર્ભ છે.

( $\hat{p}$  નો ઉપયોગ વિદ્યુતક્ષેપની દિશા દર્શાવવા માટે થાય છે.)

- $-q$  વિદ્યુતભારને લીધે  $P$  બિંદુઅને વિદ્યુતક્ષેપ,

$$\vec{E}_{-q} = - \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{(r+a)^2} \cdot \hat{p} \quad \dots (2)$$

- બિંદુ  $P$  પાસેનું પરિણામી વિદ્યુતક્ષેપ

$$\vec{E} = \vec{E}_{+q} + \vec{E}_{-q}$$

$$\therefore \vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{(r-a)^2} \cdot \hat{p} - \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{(r+a)^2} \cdot \hat{p}$$

$$\therefore \vec{E} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left[ \frac{1}{(r-a)^2} - \frac{1}{(r+a)^2} \right] \hat{p}$$

$$\therefore \vec{E} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left[ \frac{(r+a)^2 - (r-a)^2}{(r-a)^2(r+a)^2} \right] \hat{p}$$

$$\therefore \vec{E} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left[ \frac{r^2 + 2ra + a^2 - r^2 + 2ra - a^2}{(r^2 - a^2)^2} \right] \hat{p}$$

$$\therefore \vec{E} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left[ \frac{4ra}{(r^2 - a^2)^2} \right] \hat{p}$$

$$\therefore \vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{(2aq)(2r)}{(r^2 - a^2)^2} \cdot \hat{p}$$

પરંતુ  $2aq = p$  બિંદુઅને ડાયપોલ મોમેન્ટ

$$\therefore \vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{2pr}{(r^2 - a^2)^2} \cdot \hat{p}$$

→ ધારો કે, બિંદુ P એ ખૂલ જ દૂર આવેલ છે. પરિણામે  $r \gg a$  થાય, જેથી  $r^2$  ની સરખામણીમાં  $a^2$  ને અવગાળી શકાય છે.

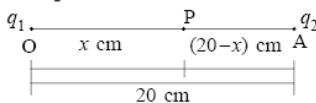
$$\therefore \vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{2pr}{r^4} \cdot \hat{p}$$

$$\therefore \vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{2p}{r^3} \cdot \hat{p}$$

14.

→ (a)  $q_1 = 5 \times 10^{-8}$  C

$$q_2 = -3 \times 10^{-8}$$
 C



→ ધારો કે, અહીં ધન વિદ્યુતભાર ( $q_1 = 5 \times 10^{-8}$  C) ઉગમબિંદુ પર આવેલ છે અને અણ વિદ્યુતભાર ( $q_2 = -3 \times 10^{-8}$  C) X-અક્ષ પર ઉગમબિંદુની જમણી બાજુએ આવેલ છે.

→ ધારો કે, P બિંદુ પાસે વિદ્યુત સ્થિતિમાન શૂન્ય છે. જે  $q_1$  વિદ્યુતભારથી  $x$  cm અંતરે આવેલ છે.

$$\therefore \frac{k q_1}{x \times 10^{-2}} + \frac{k q_2}{(20-x) \times 10^{-2}} = 0$$

$$\therefore \frac{k (5 \times 10^{-8})}{x \times 10^{-2}} - \frac{k (3 \times 10^{-8})}{(20-x) \times 10^{-2}} = 0$$

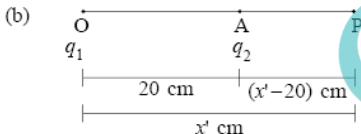
$$\therefore \frac{k (5 \times 10^{-8})}{x \times 10^{-2}} = \frac{k (3 \times 10^{-8})}{(20-x) \times 10^{-2}}$$

$$\therefore \frac{5}{x} = \frac{3}{20-x}$$

$$\therefore 100 - 5x = 3x$$

$$\therefore 100 = 8x$$

$$\therefore x = 12.5 \text{ cm}$$



→ આકૃતિમાં દર્શાવ્યા મુજબ, P' બિંદુ પાસે વિદ્યુત સ્થિતિમાન શૂન્ય છે, જે  $q_1$  વિદ્યુતભારથી  $x'$  cm અંતરે આવેલ છે.

$$\therefore \frac{k q_1}{x' \times 10^{-2}} + \frac{k q_2}{(x' - 20) \times 10^{-2}} = 0$$

$$\therefore \frac{k (5 \times 10^{-8})}{x' \times 10^{-2}} - \frac{k (3 \times 10^{-8})}{(x' - 20) \times 10^{-2}} = 0$$

$$\therefore \frac{k (5 \times 10^{-8})}{x' \times 10^{-2}} = \frac{k (3 \times 10^{-8})}{(x' - 20) \times 10^{-2}}$$

$$\therefore \frac{5}{x'} = \frac{3}{x' - 20}$$

$$\therefore 5x' - 100 = 3x'$$

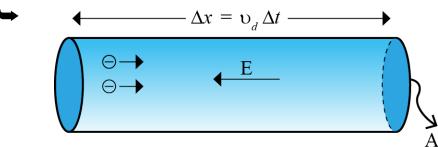
$$\therefore 5x' - 3x' = 100$$

$$\therefore 2x' = 100$$

$$\therefore x' = 50 \text{ cm}$$

→ આમ,  $q_1$  (ધન વિદ્યુતભાર)થી 12.5 cm અંતરે અને 50 cm અંતરે વિદ્યુત સ્થિતિમાન શૂન્ય હશે.

15.



- આકૃતિમાં A જેટનું આડછેદનું ક્ષેત્રફળ ધરાવતો એક વાહક દરશાવેલ છે. આ વાહકમાં વિદ્યુતક્ષેપ્ર E છે.
- આ વિદ્યુતક્ષેપ્રના કારણે સુવાહકના કોઈ પણ આડછેદમાંથી વિદ્યુતભારનું ચોખ્યું વહન થાય છે.
- ડિફને કારણે  $\Delta t$  જેટલા સૂક્ષ્મ સમય ગાળામાં ઇલેક્ટ્રોન દ્વારા કપાતું અંતર  $|\vec{v}_d| \cdot \Delta t$  થશે. નીજ રીતે કલીએ તો  $|\vec{v}_d| \Delta t$  જેટલા અંતરમાં રહેલા જ ઇલેક્ટ્રોન  $\Delta t$  સમયમાં વાહકના આડછેદમાંથી પસાર થઈ શકે છે.
- ધારો કે, વાહકમાં એકમ કદદીઠ મુક્ત ઇલેક્ટ્રોનની સંખ્યા (સંખ્યા ઘનતા) n હોય, તો A આડછેદમાંથી  $\Delta t$  સમયમાં પસાર થતાં ઇલેક્ટ્રોનની સંખ્યા N = nA  $|\vec{v}_d| \Delta t$  થાય.

સંખ્યા ઘનતા

$$n = \frac{N}{V}$$

$$N = nV$$

$$N = nA |\vec{v}_d| \Delta t$$

- $\Delta t$  સમયમાં વાહકના આડછેદમાંથી પસાર થતો વિદ્યુતભારનો જથ્થો  $-ne A |\vec{v}_d| \Delta t$  ... (1) થશે.
- અહીં વિદ્યુતક્ષેપ્ર E ડાબી બાજુ પરવ્રત છે, પરિણામે સપાટીમાંથી E ની દિશામાં પસાર થતો કુલ વિદ્યુતભાર ઉપરના સમીકરણ (1) ના અણ મૂલ્ય બરાબર થશે.

$$\therefore q = -(-ne A |\vec{v}_d| \Delta t)$$

$$\therefore q = ne A |\vec{v}_d| \Delta t$$

- $\Delta t$  સમયમાં ક્ષેત્રફળ A માંથી પસાર થતાં વિદ્યુતભારનું મૂલ્ય વ્યાપ્ત્યા પરથી  $q = I \Delta t$  મળે છે. (જ્યારીં, I - વિદ્યુતપ્રવાહનું માન છે.)

$$\therefore I \Delta t = ne A |\vec{v}_d| \Delta t$$

$$\therefore I = ne A |\vec{v}_d|$$

- પરંતુ વિદ્યુતપ્રવાહ ઘનતા j =  $\frac{I}{A}$  પરથી,  $I = jA$  મળે.

$$\therefore jA = ne A |\vec{v}_d|$$

$$\therefore j = ne |\vec{v}_d|$$

- પરંતુ ડિફને વેગ  $v_d = \frac{eE}{m} \cdot \tau$  મળે.

$$\therefore j = ne \left( \frac{eE}{m} \right) \cdot \tau$$

$$\therefore j = \frac{ne^2 E}{m} \tau$$

- આ સમીકરણને સદિશ સ્વરૂપે નીચે મુજબ દરશાવી શકાય છે :

$$\vec{j} = \frac{ne^2 \tau}{m} \cdot \vec{E}$$

આ સમીકરણને  $\vec{j} = \sigma \vec{E}$  સાથે સરખાવતાં,

$$\therefore \sigma (\text{વાહકતા}) = \frac{ne^2 \tau}{m}$$

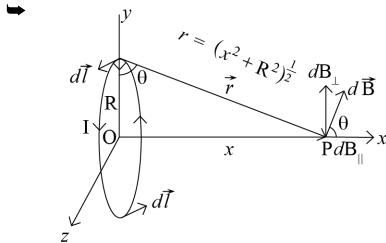
- સુવાહકની અવરોધકતા હ =  $\frac{1}{\sigma}$

$$\therefore g = \frac{\frac{1}{ne^2\tau}}{m}$$

$$\therefore g = \frac{m}{ne^2\tau}$$

16.

→ આકૃતિમાં દર્શાવ્યા અનુસાર R ત્રિજયાની વાહક લૂપમાંથી પસાર થતો વિદ્યુતપ્રવાહ I છે.



- આ લૂપને એવી રીતે ગોઠવવામાં આવે કે, જેથી તેનું સમતલ એ yz સમતલમાં રહે અને X-અક્ષ એ લૂપની અક્ષમાંથી પસાર થાય.
- X-અક્ષ પર x જેટલા અંતરે બિંદુ P આવેલ છે. આ બિંદુ પાસે ચુંબકીયક્ષેત્ર મેળવતું છે. આ માટે લૂપ પર  $Idl$  જેટલો એક પ્રવાહારિત ખંડવામાં આવે છે.
- આ પ્રવાહારિત ખંડના કારણે બિંદુ P પાસે ચુંબકીયક્ષેત્ર (મૂલ્ય)

$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{|Idl \times \vec{r}|}{r^3} \quad \dots (1)$$

પરંતુ  $Idl \perp \vec{r}$  છે. કારણ કે, આકૃતિમાં દર્શાવ્યા મુજબ,  $Idl$  એ જુદ્ધ સમતલમાં છે અને બિંદુ P નો સ્થાનસંદિશ ( $\vec{r}$ ) એ XY સમતલમાં છે.

$$\therefore dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{Idl r \sin 90^\circ}{r^3}$$

$$\therefore dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{Idl}{r^2} \quad \dots (2)$$

- આકૃતિ પરથી,  $r^2 = R^2 + x^2$  હોવાથી,

$$dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{Idl}{(R^2 + x^2)} \quad \dots (3)$$

- બિંદુ P પાસે મળતા ચુંબકીયક્ષેત્રના લે ઘટકો પડ્ય છે :

$$(i) લંબઘટક ( $dB_{\perp} = dB \sin \theta$ )$$

⇒ પરિણામી ચુંબકીયક્ષેત્ર મેળવવા માટે જ્યારે લંબઘટકનો સરવાળો કરવામાં આવે ત્યારે તે એકળીજને નાખૂં કરે છે અને પરિણામ શૂન્ય મળે છે.

$$(ii) સમાંતર ઘટક ( $dB_{||} = dB \cos \theta$ )$$

⇒ પરિણામી ચુંબકીયક્ષેત્ર મેળવવા માટે સમાંતર ઘટકનો સરવાળો કરવામાં આવે છે. એટલે કે,  $dB_x = dB \cos \theta$  નું સંકલન કરતાં બિંદુ P પાસે પરિણામી ચુંબકીયક્ષેત્ર મળે છે.

$$dB(x) = dB \cos \theta$$

$$\therefore dB(x) = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{Idl}{R^2 + x^2} \cdot \cos \theta \quad \dots (4)$$

(સમીકરણ (3) પરથી)

$$\Rightarrow આકૃતિ પરથી, \cos \theta = \frac{R}{(x^2 + R^2)^{\frac{1}{2}}}$$

$$\therefore dB(x) = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{Idl}{R^2 + x^2} \cdot \frac{R}{(R^2 + x^2)^{\frac{1}{2}}}$$

$$\therefore dB(x) = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{Idl \cdot R}{(R^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}}$$

→ કુલ ચુંબકીયક્ષેત્ર,

$$\therefore B = \frac{\mu_0 IR}{4\pi(R^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}} \oint dl$$

$$\therefore B = \frac{\mu_0 IR^2}{4\pi(R^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}} (2\pi R)$$

$$\therefore B = 2(R^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}$$

➔ सदिश स्वरूप,

$$\vec{B} = \frac{\mu_0 IR^2}{2(R^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}} \hat{i}$$

➡ લખના કેન્દ્ર પર ચુંબકીયક્ષેત્ર મેળવવા માટે  $x = 0$  મુક્તાં,

$$\cdot B = \frac{\mu_0 I R^2}{2 R^3}$$

$$\therefore B = \frac{\mu_0 I}{2R}$$

→ જો ગુંચળામાં N આંટા રહેલાં હોય, તો

$$\vec{B} = \frac{\mu_0 \text{NIR}^2}{2(R^2 + x^2)^{\frac{3}{2}}} \hat{i}$$

17.

$$\rightarrow V_m = 283 \text{ V}$$

$$\nu = 50 \text{ Hz}$$

$$R = 3 \Omega$$

$$C = 796 \text{ } \mu\text{F}$$

$$L = 25.48 \text{ mH}$$

→ (a) પરિપથનો ઇમ્પિડન્સ (Z),

## → ઇન્ડક્રિટિવ રિએક્ટન્સ (X<sub>I</sub>)

$$X_L = \omega L = 2\pi v L$$

$$\therefore X_L = 2 \times 3.14 \times 50 \times 25.48 \times 10^{-3}$$

$$\therefore X_J = 8000.72 \times 10^{-3}$$

$$\therefore X_L = 8 \Omega$$

### → કેપેસિટિવ રિએક્ટન્સ (X<sub>C</sub>)

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi v C}$$

$$\therefore X_C = \frac{1}{2 \times 3.14 \times 50 \times 796 \times 10^{-6}}$$

$$\therefore X_C = \frac{1000000}{249944}$$

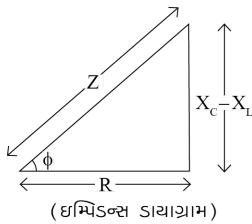
$$\therefore X_C = 4 \Omega$$

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_C - X_I)^2}$$

$$\therefore z = \sqrt{3^2 + (4 - 8)^2}$$

$\therefore z \equiv 50$

(b) କୁଳା ତକ୍ଷିପତ (୩)



$$\tan \varphi = \frac{X_C - X_L}{R}$$

$$\tan \varphi = \frac{4 - 8}{3}$$

$$\tan \varphi = -\frac{4}{3}$$

$$\tan \varphi = -1.3333$$

$$\varphi = -53.1^\circ$$

નોંધ : અહીં ફ અણ છે. તેથી ઋતના બે છેડા વચ્ચેના વોલ્ટેજ કરતાં પરિપથનો પ્રવાહ પાછળ છે.

(c) પરિપથમાં વ્યાખ્યા થતો પાવર,

$$P = I^2 R$$

$$\text{પરિપથ } I = \frac{I_m}{\sqrt{2}}$$

$$\therefore I = \frac{V_m}{Z\sqrt{2}}$$

$$\therefore P = \frac{V_m^2}{Z^2(2)} \cdot R$$

$$\therefore P = \frac{(283)^2 \times 3}{25 \times 2}$$

$$\therefore P = 4800 \text{ W}$$

(d) પાવર ફેક્ટર

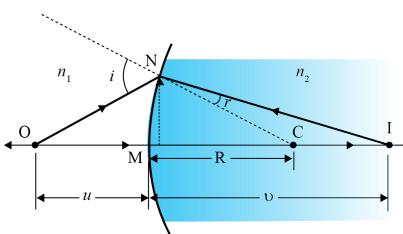
$$\cos \varphi = \cos (-53.1^\circ)$$

$$= \cos 53.1^\circ$$

$$= 0.6$$

18.

- આકૃતિમાં દર્શાવ્યા મુજબ, વક્ષસપાઠીની મુખ્ય અક્ષ પર બિંદુવત વસ્તુ O મૂકવામાં આવેલ છે. વક્ષસપાઠીનું વક્તાકેન્દ્ર 'C' અને વક્તાત્રિજ્યા 'R' છે.
- $n_1$  વકીભવનાંક ધરાવતાં માધ્યમમાંથી કિરણો આપાત થાય છે. અહીં આપાતકિરણો OM અને ON છે.



- $n_2$  વકીભવનાંક ધરાવતાં માધ્યમમાં તેઓ વકીભવન પામે છે.
- અહીં NI અને MI એ વકીભૂત કિરણો છે જે I બિંદુમાં છેદ છે. પરિણામે બિંદુવત વસ્તુ O નું પ્રતિબિંબ I મળે છે.
- ધારો કે, વસ્તુ-અંતર, પ્રતિબિંબ-અંતર અને વક્તાત્રિજ્યાની સરખામણીમાં વક્ષસપાઠીનું મુખ નાનું છે. જેથી ખૂણાઓ નાના લઈ શકાશે.
- અહીં વક્ષસપાઠીનું દર્શાવું નાનું ધારેલું હોવાથી MN ની વક્તાને અવગાણી શકાય છે.
- આકૃતિ પરથી,

$$\tan \angle NOM \approx \angle NOM = \frac{MN}{OM} \dots (1)$$

$$\tan \angle NCM \approx \angle NCM = \frac{MN}{MC} \dots (2)$$

$$\tan \angle NIM \approx \angle NIM = \frac{MN}{MI} \dots (3)$$

→ આકૃતિ પરથી,  $\Delta NOC$  માં  $i$  બહિકોણ છે. માટે,

$$i = \angle NOM + \angle NCM$$

$$\therefore i = \frac{MN}{OM} + \frac{MN}{MC} \dots (4)$$

(સમીકરણ (1) અને સમીકરણ (2) ની ડિમત મૂકતાં)

→ આકૃતિ પરથી,  $\Delta NIC$  માં  $\angle NCM$  બહિકોણ છે.

$$\therefore \angle NCM = r + \angle NIM$$

$$r = \angle NCM - \angle NIM$$

$$\therefore r = \frac{MN}{MC} - \frac{MN}{MI} \dots (5)$$

(સમીકરણ (2) અને (3) ની ડિમત મૂકતાં)

→ આપાતંદું  $N$  પાસે સ્લેલનો નિયમ લાગુ પાડતાં,

$$n_1 \sin i = n_2 \sin r$$

$$\text{પરંતુ, } \sin i \approx i$$

$$\sin r \approx r$$

$$\therefore n_1 i = n_2 r$$

→ સમીકરણ (4) અને સમીકરણ (5) ની ડિમત મૂકતાં,

$$n_1 \left( \frac{MN}{OM} + \frac{MN}{MC} \right) = n_2 \left( \frac{MN}{MC} - \frac{MN}{MI} \right)$$

$$\therefore \frac{n_1}{OM} + \frac{n_1}{MC} = \frac{n_2}{MC} - \frac{n_2}{MI}$$

$$\therefore \frac{n_1}{OM} + \frac{n_2}{MI} = \frac{n_2}{MC} - \frac{n_1}{MC}$$

$$\therefore \frac{n_1}{OM} + \frac{n_2 - n_1}{MI} = \frac{n_2 - n_1}{MC}$$

→ પરંતુ આકૃતિ પરથી,  $OM = -u$

$$MI = v \text{ અને } MC = R$$

(સંજ્ઞા પદ્ધતિ અનુસાર ધન અને અધા નિશાની નક્કી કરવામાં આવેલ છે.)

$$\therefore -\frac{n_1}{u} + \frac{n_2}{v} = \frac{n_2 - n_1}{R}$$

→ આ સમીકરણ ગોળીય વક્તીભવનકારક સપાઈ માટે વસ્તુ- અંતર, પ્રતિભિંબ-અંતર, વક્તાગ્રિજ્યા અને માદ્યમના વક્તીભવનાંક વર્ષોનો સંબંધ દર્શાવતું સમીકરણ છે.

19.

→ (a) ગ્રેશોક આવૃત્તિ  $v_0 = ?$

$$\phi_0 = hv_0$$

$$\therefore v_0 = \frac{\phi_0}{h} = \frac{2.14 \times 1.6 \times 10^{-19}}{6.625 \times 10^{-34}}$$

$$v_0 = 0.5168 \times 10^{15} \text{ Hz}$$

$$v_0 = 5.17 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

→ (b) સ્ટોર્ઝિંગ પોટેન્શિયલ  $V_0 = 0.60 \text{ V}$

આપાત મકાશની તરંગાંબાઈ  $\lambda = ?$

આઈન્સ્ટાઇનના સમીકરણ પ્રમાણે,

$$K_{\max} = h\nu - \varphi_0 \text{ પણ } K_{\max} = eV_0$$

$$\therefore eV_0 = \frac{hc}{\lambda} - \varphi_0 \quad (C = v\lambda)$$

$$\therefore \frac{hc}{\lambda} = eV_0 + \varphi_0$$

$$\therefore \frac{hc}{\lambda} = (1.6 \times 10^{-19} \times 0.60) + (2.14 \times 1.6 \times 10^{-19})$$

$$\therefore \frac{hc}{\lambda} = 1.6 \times 10^{-19} (0.60 + 2.14)$$

$$\therefore \frac{hc}{\lambda} = 4.384 \times 10^{-19}$$

$$\therefore \lambda = \frac{6.625 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{4.384 \times 10^{-19}} = 4.53 \times 10^{-7} \text{ m}$$

$$\lambda = 453 \times 10^{-9} \text{ m} = 453 \text{ nm}$$

20.

→ તાંબાના વ્યુક્લિયસમાં રહેલા પ્રોટોનની સંખ્યા Z = 29 અને વ્યુટ્રોનની સંખ્યા N = A - Z

$$N = 34$$

→ દળ ક્ષતિ  $\Delta M = Zm_p + Nm_n - M_{(29\text{Cu}^{63})}$

$$\therefore \Delta M = 29 \times 1.007825 + 34 \times 1.008665 - 62.92960 u$$

$$\therefore \Delta M = 29.226925 + 34.29461 - 62.92960$$

$$\therefore \Delta M = 0.591935 u$$

→ દળ ક્ષતિને વંદળગીજર્થ

$$E_b = \Delta M c^2$$

$$E_b = (0.591935) (931.5)$$

$$\therefore E_b = 551.39 \text{ MeV}$$

→ આમ, તાંબાના એક વ્યુક્લિયસમાં રહેલા પ્રોટોન અને વ્યુટ્રોનને એકગીજાથી અલગ કરવા માટે 551.39 MeV જેટલી ઊર્જાની જરૂર પડે છે.

→ તાંબાના 3 g ના સિક્કામાં રહેલા પરમાણુની સંખ્યા (N)

Cu નું દળ	Cu ના પરમાણુની સંખ્યા
63 g	$6.022 \times 10^{23}$
3 g	?

→ સિક્કામાં રહેલા પરમાણુની સંખ્યા

$$\therefore N = \frac{3 \times 6.022 \times 10^{23}}{63}$$

$$\therefore N = 2.87 \times 10^{22} \text{ પરમાણુ}$$

→ 3 g ના સિક્કામાં રહેલા બધા જ પ્રોટોન અને વ્યુટ્રોનને અલગ કરવા માટેની કુલ ઊર્જા

$$E = E_b \times N$$

$$E = 551.39 \times 2.87 \times 10^{22} \text{ MeV}$$

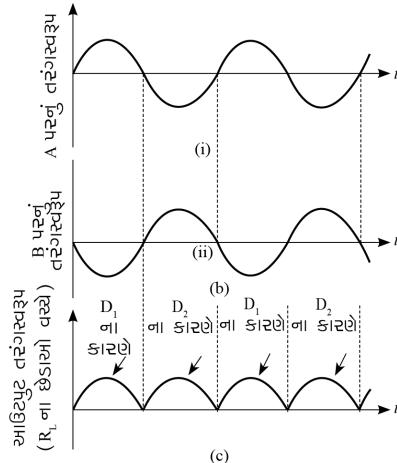
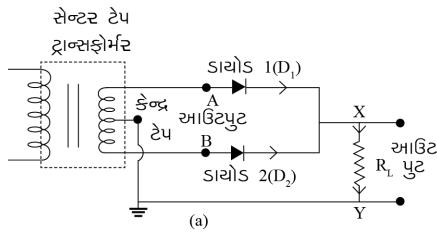
$$E = 1582.4893 \times 10^{22} \text{ MeV}$$

$$E = 1582.4893 \times 10^{22} \times 10^6 \times 1.6 \times 10^{-19}$$

$$E = 2531.98 \times 10^9$$

$$E = 2.53 \times 10^9 \text{ J}$$

21.



- આકૃતિ (a)માં પૂર્ણતરંગ રેન્ડિટફાયર તરીકેનો પરિપથ દર્શાવેલ છે. પૂર્ણતરંગ રેન્ડિટફાયરમાં બે p - n જેકશન ડાયોડનો ઉપયોગ કરવામાં આવે છે.
- આ મ્યકારના રેન્ડિટફાયરમાં AC ચક્કના ધન અને અધણ બંને અર્દીયક દરમિયાન રેન્ડિટફાયર થયેલો આઉટપુટ મળે છે. આથી તેને પૂર્ણતરંગ રેન્ડિટફાયર કહે છે.
- આકૃતિમાં દર્શાવ્યા મુજબ, બંને ડાયોડની p-મ્યકારની બાજુઓ ટ્રાન્સફોર્મરના ગોણ ગુંચાના સાથે જોડેલ છે. બંને ડાયોડની n-મ્યકારની બાજુઓ એકબીજા સાથે જોડેલ છે અને આ બે ડાયોડના સામાન્ય બિંદુ અને ટ્રાન્સફોર્મરના ગોણ ગુંચાના મધ્ય બિંદુ વચ્ચે આઉટપુટ લેવામાં આવે છે. આથી પૂર્ણતરંગ રેન્ડિટફાયર માટે ટ્રાન્સફોર્મરના ગોણ ગુંચાના કંન્ડિન્બિંદુમાંથી છેડો કાઢવામાં આવે છે. જેને સેન્ટર ટેપ ટ્રાન્સફોર્મર કહે છે.
- આકૃતિ (c) પરથી બોઈ શકાય કે, દરેક ડાયોડ વડે રેન્ડિટફાયર થયેલો વોલ્ટેજ સેકન્ડરીના કુલ વોલ્ટેજનો અધધો હોય છે. દરેક ડાયોડ ફક્ત અર્દીયક દરમિયાન જ રેન્ડિટફાયર કરે છે, પરંતુ બંને ડાયોડ વારાકરતી આવતા ચક માટે આમ કરે છે. આથી આ કિસ્સામાં મળતો આઉટપુટ વોલ્ટેજ પૂર્ણ તરંગ રેન્ડિટફાયર આઉટપુટ બને છે.
- ધારો કે, કોઈ ક્ષણે A પાસેનો ઇનપુટ વોલ્ટેજ ધન છે. A અને B પાસેનો વોલ્ટેજ વિદ્યુલ્ખ કળામાં હોવાથી B પાસે વોલ્ટેજ અધણ હોવો જોઈએ. આ કિસ્સામાં ડાયોડ D<sub>1</sub> ફોર્વર્ડ અને D<sub>2</sub> રિવર્સ બાયસમાં જોડાય છે.
- આથી, આકૃતિ (c)માં દર્શાવ્યા મુજબ આ અર્દીયક દરમિયાન R<sub>L</sub> ના છેડા વચ્ચે આઉટપુટ મળાય મળે છે.
- બીજી અર્દી ચક દરમિયાન A પાસેનો વોલ્ટેજ - અધણ અને B પાસેનો વોલ્ટેજ ધન હોય છે. આ કિસ્સામાં ડાયોડ D<sub>1</sub> રિવર્સ બાયસમાં અને ડાયોડ D<sub>2</sub> ફોર્વર્ડ બાયસમાં જોડાય છે. જેથી ડાયોડ D<sub>2</sub> મંથી પ્રવાહનું વહન થાય છે અને આઉટપુટ વોલ્ટેજ મળે છે.
- આમ, આપણને એક ચકના ધન અને અધણ અંમ બંને અર્દી-ચક દરમિયાન આઉટપુટ મળે છે.

### વિભાગ C

➤ નીચે આપેલા પ્રશ્નોના માગચા મુજબ ઉત્તર આપો : (દરેક પ્રશ્નના જ ગુણ)

22.

→  $Ex = \alpha x^{\frac{1}{2}}$   $Ey = 0$   $Ez = 0$

$$a = 800 \text{ N/C} \quad m^{\frac{1}{2}} \quad q = 0.1 \text{ m}$$

- (a) અહીં, વિદ્યુતકોશ માત્ર  $X$ -અક્ષની દિશામાં છે. તેથી આકૃતિમાં છાયાકિત ન કરેલ સપાઠી માટે વિદ્યુતકોશ ( $\vec{E}$ ) અને ક્ષેત્રફળ સાદિશ ( $\Delta \vec{S}$ ) વર્ણનો ખૂણો  $90^\circ$  ( $\frac{\pi}{2}$ ) બને છે, તેથી તેની સાથે સંકળાયેલ વિદ્યુત ફલકસ શૂન્ય થાય છે.

→ ડાબી તરફની બાજુ આગળ વિદ્યુતકોશનું માન

$$E_L = \alpha x^{\frac{1}{2}} \text{ પરથી,}$$

$$E_L = \alpha a^{\frac{1}{2}} (\because \text{ડાબી સપાઠી માટે } x = a)$$

→ જમણી તરફની બાજુ આગળ વિદ્યુતકોશનું માન

$$E_R = \alpha x^{\frac{1}{2}} \text{ પરથી,}$$

$$E_R = \alpha (2a)^{\frac{1}{2}} (\because \text{જમણી સપાઠી માટે } x = 2a)$$

→ સમધન સાથે સંકળાયેલ કુલ વિદ્યુત ફલકસ

$$\varphi = \varphi_L + \varphi_R$$

$$\therefore \varphi = \vec{E}_L \cdot \vec{S} + \vec{E}_R \cdot \vec{S}$$

$$\therefore \varphi = E_L S \cos \pi + E_R S \cos 0$$

$$\therefore \varphi = \left( \alpha a^{\frac{1}{2}} \right) (a^2) \cos \pi + \left( \alpha (2a)^{\frac{1}{2}} \right) (a^2) \cos 0$$

$$\therefore \varphi = -\alpha a^{\frac{5}{2}} + \sqrt{2} \alpha a^{\frac{5}{2}}$$

$$\therefore \varphi = \alpha a^{\frac{5}{2}} (-1 + \sqrt{2})$$

$$\therefore \varphi = (800) (0.1)^{\frac{5}{2}} (-1 + 1.414)$$

$$\therefore \varphi = 1.05 \frac{Nm^2}{C}$$

(b) ધનની અંદરનો કુલ વિદ્યુતભાર

$$\varphi = \frac{q}{\epsilon_0} \text{ લૂપ પરથી,}$$

$$\therefore \varphi = \varphi \epsilon_0$$

$$= 1.05 \times 8.85 \times 10^{-12}$$

$$\therefore \varphi = 9.29 \times 10^{-12} C$$

23.

→ નિયર અવરાયામાં રહેલ વિદ્યુતભાર (Q) એ વિદ્યુતકોશ ઉત્પણ કરે છે. (જેનો અત્યાસ મ્રદ્ગદાર-1 માં કરેલ છે.)

→ નિંદુવત વિદ્યુતભાર Q થી r અંતરે આવેલાં નિંદુ પાસે વિદ્યુતકોશ નીચેના સૂગ વડે મેળવી શકાય છે :

$$\therefore \text{વિદ્યુતકોશ } \vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q}{r^2} \cdot \hat{r}$$

→ જ્યાં,  $\hat{r}$  એ વિદ્યુતકોશની દિશામાંનો એકમ સાદિશ છે.

→ આ વિદ્યુતકોશમાં આવેલ નિંદુવત વિદ્યુતભાર પર વિદ્યુતકોશના કારણે લાગતું બળ

$$\vec{F} = q \vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{qQ}{r^2} \cdot \hat{r}$$

→ વિદ્યુતકોશ  $\vec{E}$  એ ઊર્જા અને વેગમાનનું વહણ કરી શકે છે તથા તે તત્ત્વાતીન ઉદ્ભવતું નથી.

→ વિદ્યુતકોશ એ અવકાશના દરેક નિંદુ પર આધારિત હોવા ઉપરાંત તે સમય સાથે પણ બદલાઈ શકે છે.

→ કોઈ નિંદુ પાસે એકથી વધુ વિદ્યુતકોશ ભેગાં થતાં હોય તો તે નિંદુએ પરિણામી વિદ્યુતકોશ બધાં જ વિદ્યુતકોશના સાદિશ અસરાણા બચાવર હોય છે.

→ જેવી રીતે નિયર વિદ્યુતભાર એ વિદ્યુતકોશ ઉત્પણ કરે છે, તેવી જ રીતે ગતિમાન વિદ્યુતભાર કે વિદ્યુતમવાહ ચુંબકીયકોશ ઉત્પણ કરે છે, તેને  $\vec{B}(\vec{r})$  વડે દર્શાવાય છે.

- વિદ્યુતકોશી જેમ જ ચુંબકીયકોશ પણ અવકાશના દરેક બિંદુએ વ્યાપ્તાધિત કરી શકાય છે.
- વિદ્યુતકોશી જેમ જ ચુંબકીયકોશ પણ સંપાતપણાના સિલ્ફાંતને અનુભરે છે.
- કોઈ બિંદુ પાસે એકથી વધારે ચુંબકીય કોશ ભેગા થતાં હોય તો તે બિંદુએ પરિણામી ચુંબકીય કોશ બધા જ ચંબુકીય કોશના સદિશ સરવાળા બરાળર હોય છે.

24.



- આકૃતિમાં દર્શાવ્યા મુજબ શુદ્ધ ઇન્ડક્ટરને AC પ્રાપ્તિસ્થાન સાથે જોડવામાં આવે છે. (શુદ્ધ ઇન્ડક્ટર એટલે જે ઇન્ડક્ટરનો ઓહન્મીક અવરોધ અવગાણ્ય રીતે નાનો હોય.)
- AC પ્રાપ્તિસ્થાનનો વોલ્ટેજ  $v = v_m \sin \omega t$  ..... (1)
- આકૃતિમાં દર્શાવેલ બંધ પરિપથમાં કિર્ચોફનો લૂપનો નિયમ લગાડતાં,

$$v - L \frac{di}{dt} = 0 ..... (2)$$

- સમીકરણ (2) પરથી,

$$\therefore V = L \frac{di}{dt}$$

$$\therefore v_m \sin \omega t = L \frac{di}{dt}$$

$$\therefore \frac{di}{dt} = \frac{v_m}{L} \sin \omega t ..... (3)$$

- વિદ્યુતપ્રવાહ મેળવવા માટે ઉપરના સમીકરણનું સંકલન કરતાં,

$$\therefore \int di = \int \frac{v_m}{L} \sin(\omega t) dt$$

$$\therefore i = -\frac{v_m}{\omega L} \cos(\omega t) + \text{અચળ}$$

- અહીં સંકલન અચળાંકને પ્રવાહનું પરિમાળ છે, તેથી તે સમયથી સ્વતંત્ર છે. એટા વોલ્ટેજ શૂન્યની આસપાસ સંમિતિય રીતે દોલન કરે છે. તેનાથી મળતો પ્રવાહ શૂન્યની આસપાસ સંમિતિય રીતે દોલન કરે છે અને તેથી અચળ પ્રવાહ કે પ્રવાહનો સમયથી સ્વતંત્ર કોઈ ઘટક અસ્તિત્વ ધરાવતો નથી, તેથી સંકલનનો અચળાંક શૂન્ય છે.

$$\therefore i = -\frac{v_m}{\omega L} \cos \omega t$$

$$\therefore i = \frac{v_m}{\omega L} \sin \left( \omega t - \frac{\pi}{2} \right)$$

$$\therefore i = i_m \sin \left( \omega t - \frac{\pi}{2} \right) ..... (4)$$

$$\text{જ્યાં, } i_m = \frac{v_m}{\omega L} \text{ વિદ્યુતપ્રવાહનો કંપવિસ્તાર}$$

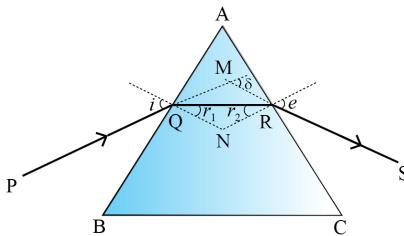
- $\omega L$  એ અવરોધ સાથે સામ્યતા ધરાવતી રાશિ છે, જેને ઇન્ડક્ટિવ રિઝિટન્સ કહે છે. તેને  $X_L$  વડે દર્શાવાય છે.

$$\therefore X_L = \omega L$$

$$X_L \text{ એકમ ઓહન્મ (}\Omega\text{) છે.}$$

- સમીકરણ (1) અને (4) પરથી કહી શકાય કે, પ્રવાહ એ વોલ્ટેજ કરતાં કળામાં  $\frac{\pi}{2}$  જોટલો પાછળ છે.

25.



- આફ્ટિમાં કોઈ પ્રિગમનો પુસ્તકના પાના સાથેનો આડછેદ ABC દર્શાવિલ છે. આ પ્રિગમમાંથી પસાર થતાં કોઈ પ્રકાશકિરણનો ગતિમાર્ગ PQRS છે.
- પ્રથમ બાજુ AB માટે આપાતકોણ  $i$  અને વક્ષીભૂતકોણ  $r_1$  છે.
- બીજું બાજુ AC માટે આપાતકોણ  $r_2$  અને નિગમનકોણ (વક્ષીભૂતકોણ)  $e$  છે.
- નિગમનકિરણ (RS) અને આપાતકિરણ (PQ) ની દિશા વર્ણેના ખૂણાને વિચાલનકોણ ( $\delta$ ) કહે છે.
- $\square AQNR$  માં  $m\angle AQN = m\angle ARN = 90^\circ$  છે. પરિણામે બાકીના બૂધાનો સરવાળો  $180^\circ$  થાય છે.  
 $\therefore \angle A + \angle QNR = 180^\circ \dots (1)$
- $\Delta QNR$  માં,  
 $r_1 + r_2 + \angle QNR = 180^\circ \dots (2)$
- સમીકરણ (1) અને સમીકરણ (2) ને સરખાવતાં,  
 $\therefore \angle A + \angle QNR = r_1 + r_2 + \angle QNR$   
 $\therefore A = r_1 + r_2 \dots (3)$
- $\Delta QMR$  માં  $\delta$  એ બહિષ્કોણ છે.  
 $\therefore \delta = \angle MQR + \angle MRQ \dots (4)$   
પરંતુ  $i = r_1 + \angle MQR$   
 $\therefore \angle MQR = i - r_1$   
તેવી જુદી રીતે  $\angle MRQ = e - r_2$  મળે.
- આ બંને કિંમત સમીકરણ (4) માં મૂકતાં,  
 $\therefore \delta = i - r_1 + e - r_2$   
 $\therefore \delta = i + e - (r_1 + r_2)$
- સમીકરણ (3) પરથી કિંમત મૂકતાં,  
 $\therefore \delta = i + e - A$

26.

$$\lambda_1 = 4500 \text{ Å}^\circ = 450 \text{ nm}$$

$$\lambda_2 = 6000 \text{ Å}^\circ = 600 \text{ nm}$$

(a)  $n = 3$  (અપ્રકાશિત શલાંક)

$$D = 90 \text{ cm} \quad d = 0.15$$

સહાયક વ્યક્તિકરણ માટે પથતફાવતત =  $n\lambda$ . જ્યાં  $n = 0, 1, 2, 3\dots$ 

$$\text{પરંતુ પથતફાવત = } \frac{xd}{D}$$

$$\text{આમ, } \frac{xd}{D} = n\lambda \text{ મળે.}$$

નું તરંગાંદંબાઈ માટે

$$\frac{xd}{D} = n\lambda_1$$

$$\therefore x = \frac{n\lambda_1 D}{d}$$

$$x = \frac{3 \times 450 \times 10^{-9} \times 90 \times 10^{-2}}{0.15 \times 10^{-2}}$$

$$= 8.10 \times 10^8$$

$$= 8.10 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$x = 0.810 \text{ mm}$$

(b) દારો કે  $\lambda_1 = 450 \text{ nm}$  તરંગલંબાઈવાળા પ્રકાશ માટે  $n_1$ માં ક્રમની શલાકા અને  $\lambda_2 = 600 \text{ nm}$  તરંગલંબાઈવાળા પ્રકાશ માટે  $n_2$ માં ક્રમની શલાકા એકબીજા પર સંપાત થાય છે.

પરિણામે બંને માટે પથતફાવત સમાન થાય છે.

$$\therefore n_1\lambda_1 = n_2\lambda_2$$

$$\therefore \frac{n_1}{n_2} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{600}{450}$$

$$\therefore \frac{n_1}{n_2} = \frac{4}{3} \dots (1)$$

મધ્યરથ અધિકતમથી ઓછામાં ઓછા અંતર માટે  $n_1 = 4$  અને  $n_2 = 3$  મળે છે.

$\lambda_1$  તરંગલંબાઈવાળા પ્રકાશ માટે, પથતફાવત =  $n_1\lambda_1$

$$\text{પરંતુ પથતફાવત} = \frac{xd}{D}$$

$$\therefore \frac{xd}{D} = n_1\lambda_1$$

$$\therefore x = \frac{n\lambda_1 D}{d}$$

$$= \frac{4 \times 450 \times 10^{-9} \times 90 \times 10^{-2}}{0.15 \times 10^{-2}}$$

$$= 1.08 \times 10^{-9}$$

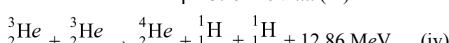
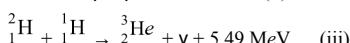
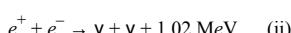
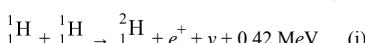
$$= 1.08 \times 10^{-3} \text{ m}$$

$$x = 1.08 \text{ mm}$$

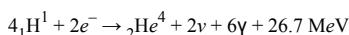
આમ બંને શલાકાઓ મધ્યરથ અધિકતમની શલાકા 1.08 mm અંતરે એકબીજા પર સંપાત થશે.

27.

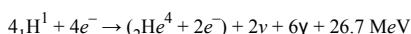
- તાપ વ્યુક્લિયર સંલયન પ્રક્રિયાના લીધે સૂર્ય સતત ઊર્જાનું ઉત્તર્ષીન કરે છે. સૂર્યના અંતર્ભિયાળ ભાગનું તાપમાન  $1.5 \times 10^7 \text{ K}$  છે.
- સૂર્યમાં થતી તાપ વ્યુક્લિયસ સંલયન પ્રક્રિયાને પ્રોટોન-પ્રોટોન તરીકે ઓળખવામાં આવે છે. આ પ્રક્રિયાએ ઘણા તબક્કાઓમાં થતી પ્રક્રિયા છે, જેમાં હાઇડ્રોજન દઢન પામીને હિલિયમ બનાવે છે. આમ સૂર્યમાં બળતણ તરીકે તેના ગર્ભભાગમાં હાઇડ્રોજન રહેલ છે.
- પ્રોટોન-પ્રોટોન ( $p, p$ ) ચક નીચેની પ્રક્રિયાઓના સમૂહ હારા ર્ઝૂ કરાય છે :



- આ ચક્કિય પ્રક્રિયામાં પહેલી ઘણ પ્રક્રિયા બે થદી જોઈએ અને ચોથી પ્રક્રિયા એક વાર થાય છે. આ ચોથી પ્રક્રિયામાં બે હલકા હિલિયમ વ્યુક્લિયસ બોડાઈને સામાન્ય હિલિયમ વ્યુક્લિયસ બનાવે છે.
- જો આપણે 2(i) + 2(ii) + 2(iii) + (iv) સંયોજન વિયારીએ તો કુલ અસર આ પ્રમાણે થશે :



અથવા



- આમ, ચાર હાઇડ્રોજન પરમાણુઓ સંયોજને  ${}^2_2\text{He}$  પરમાણુ બનાવે છે અને તેમાં 26.7 MeV ઊર્જા હિમુકત થાય છે.